

Abbildung 1: Laplace-Gleichung in zwei Raumdimensionen. Vorgegebene Lösungswerte am Rand des Einheitsquadrates.

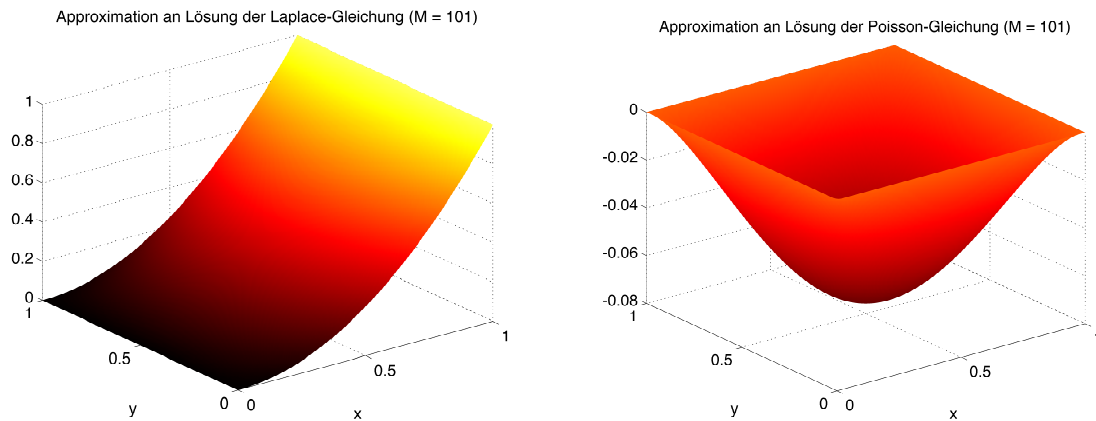


Abbildung 2: Zweidimensionale Laplace-Gleichung unter inhomogenen Dirichlet-Randbedingungen und entsprechende Poisson-Gleichung unter homogenen Dirichlet-Randbedingungen. Approximationen an Lösungswerte basierend auf Sinus-Reihenansatz.

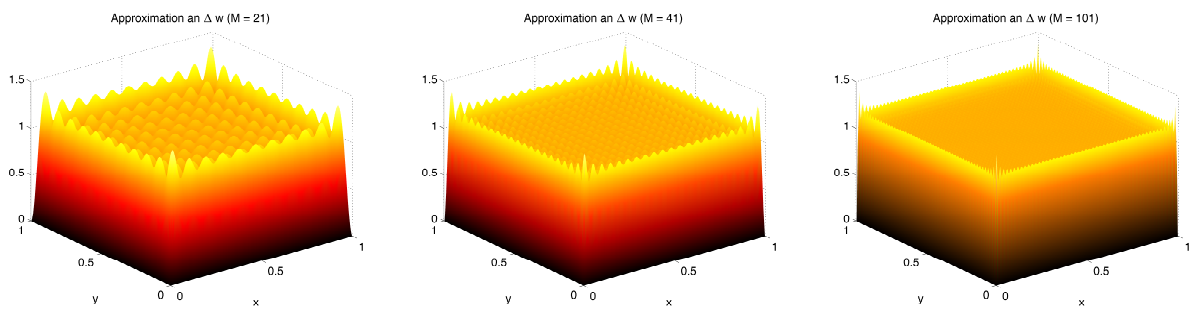


Abbildung 3: Zweidimensionale Poisson-Gleichung mit normierter rechter Seite unter homogenen Dirichlet-Randbedingungen. Approximationen an Funktionswerte von Δw basierend auf Sinus-Reihenansatz für Lösung w ; im Inneren des Einheitsquadrates ist Funktion näherungsweise Eins, am Rand gleich Null.

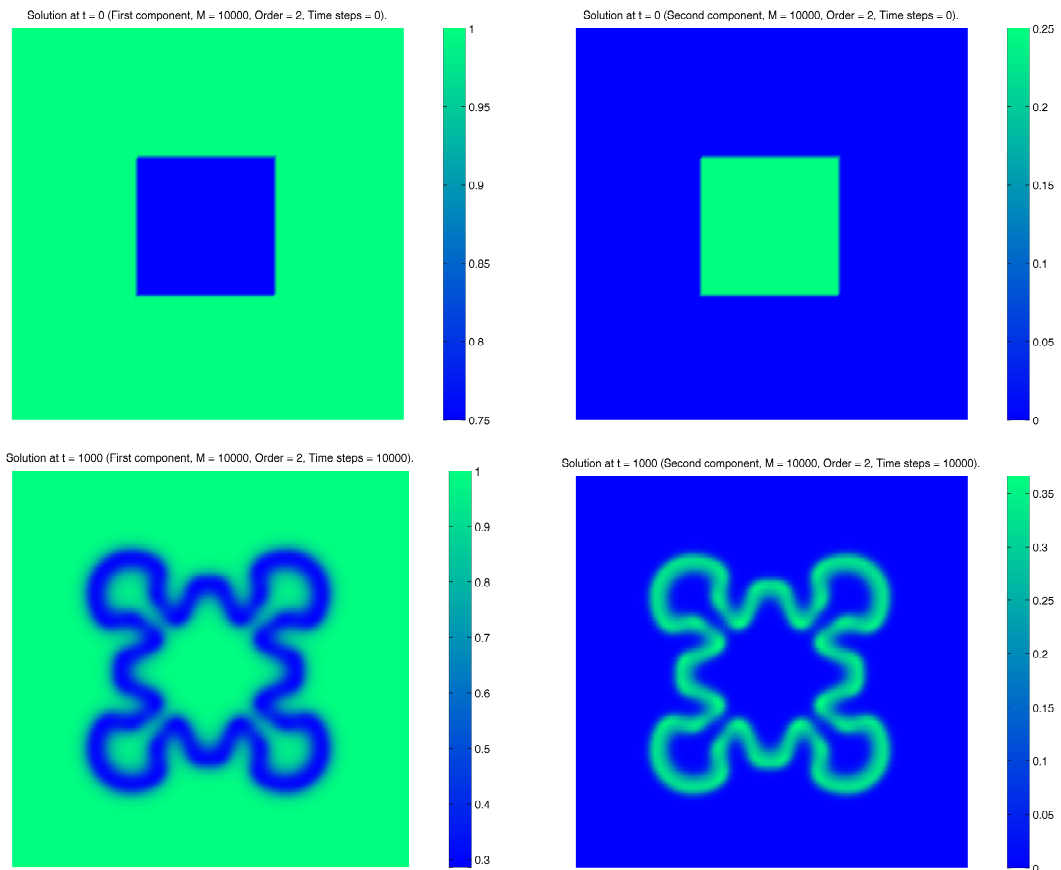


Abbildung 4: Gray-Scott-Gleichungen in zwei Raumdimensionen unter periodischen Randbedingungen. Anfangsbedingungen und numerisch berechnete Lösungswerte ($t = 1000$).

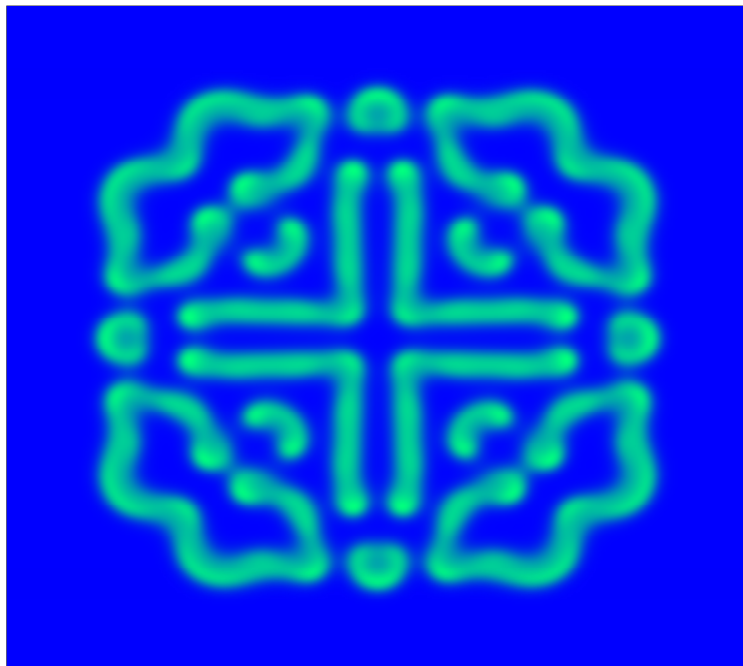


Abbildung 5: Gray–Scott-Gleichungen in zwei Raumdimensionen unter periodischen Randbedingungen. Numerisch berechnete Lösungswerte (zweite Komponente, $t = 2000$).

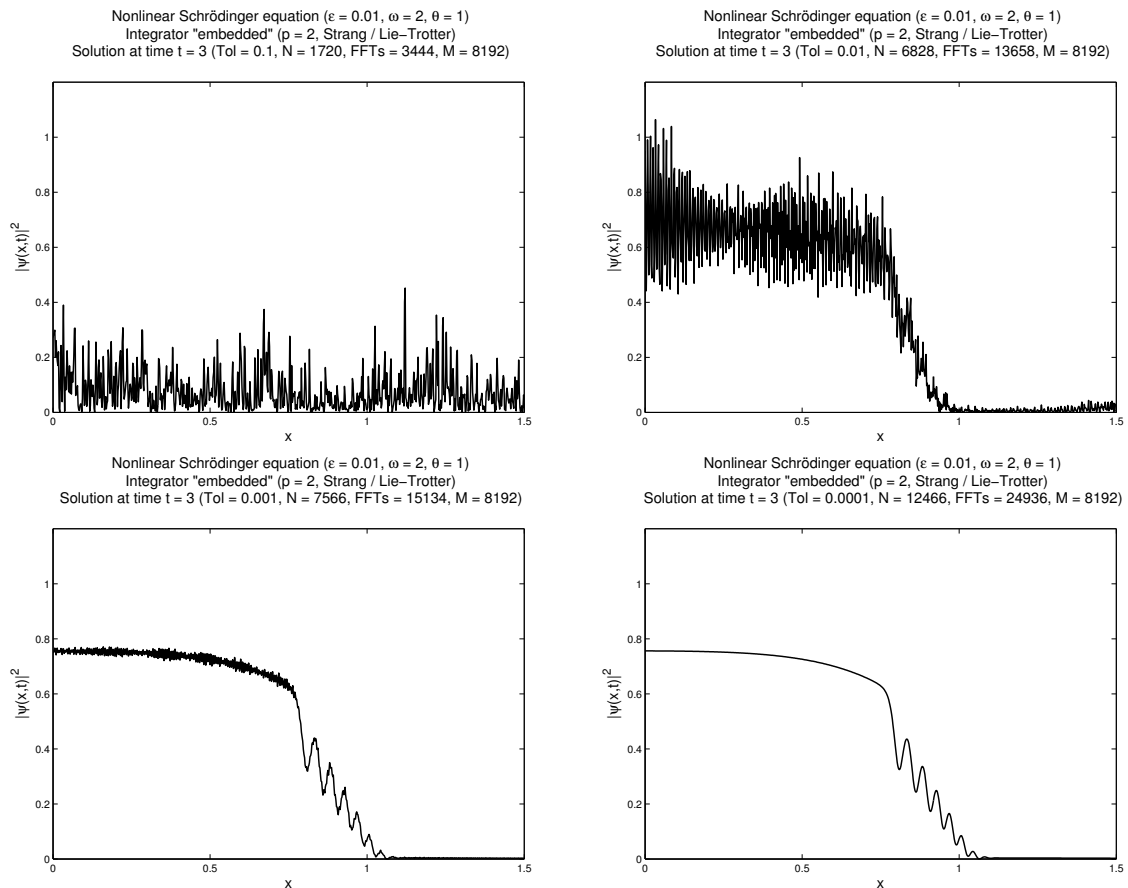


Abbildung 6: Eindimensionale nichtlineare Schrödinger-Gleichung im semi-klassischen Regime. Mittels lokaler Schrittweitensteuerung numerisch berechnete Lösungswerte; für hinreichend kleine Toleranzen beobachtet man ein konsistentes Resultat.

Rotational Gross-Pitaevskii equation. Strang (N = 750, T = 15).

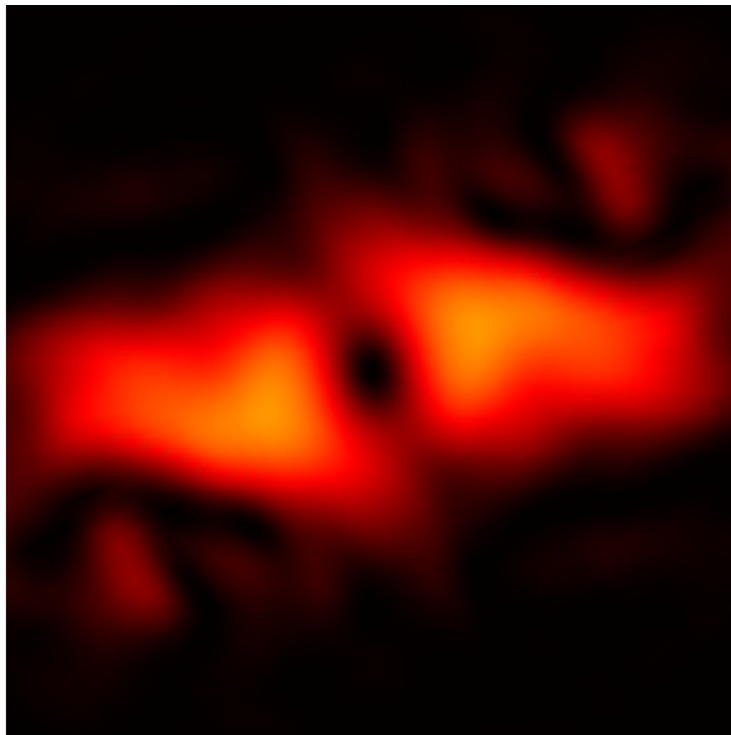


Abbildung 7: Zweidimensionale Gross-Pitaevskii-Gleichung mit zusätzlichem Rotationsterm. Numerische berechnete Lösungswerte.

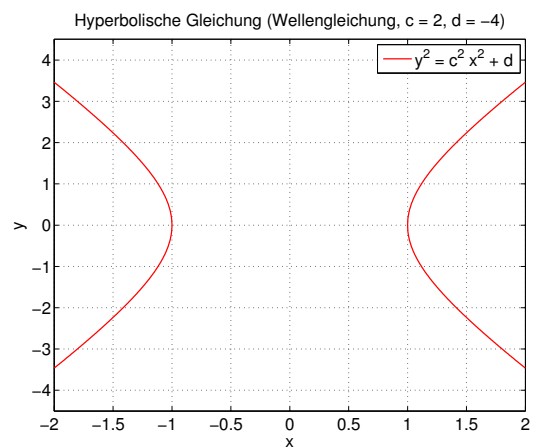
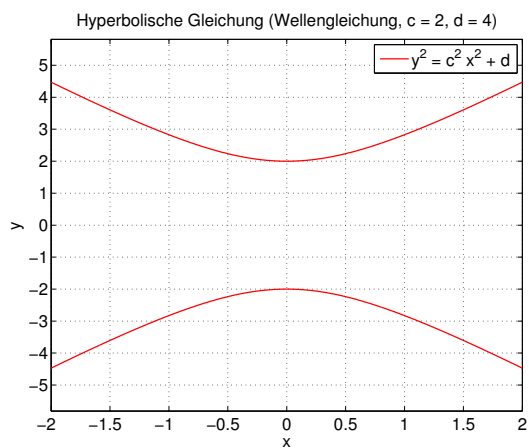
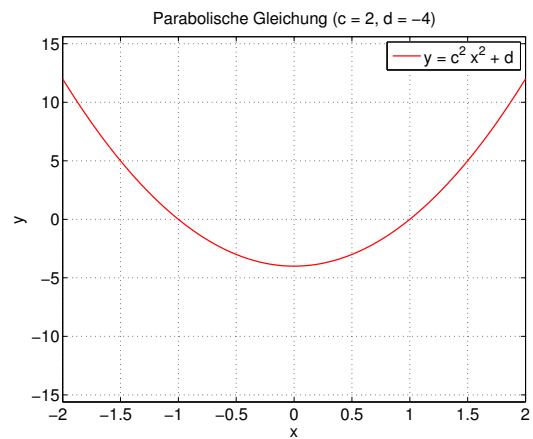
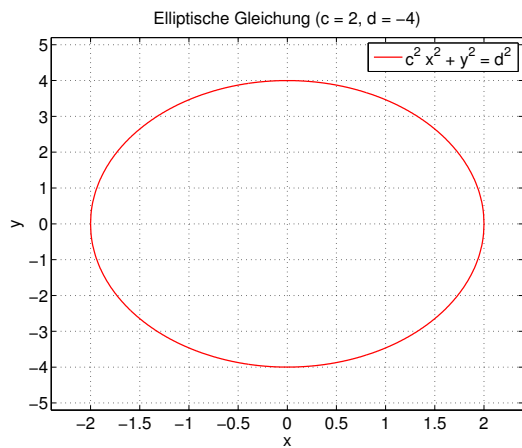


Abbildung 8: Elementare lineare partielle Differentialgleichungen und zugehörige Gleichungen für Polynome in zwei Variablen.

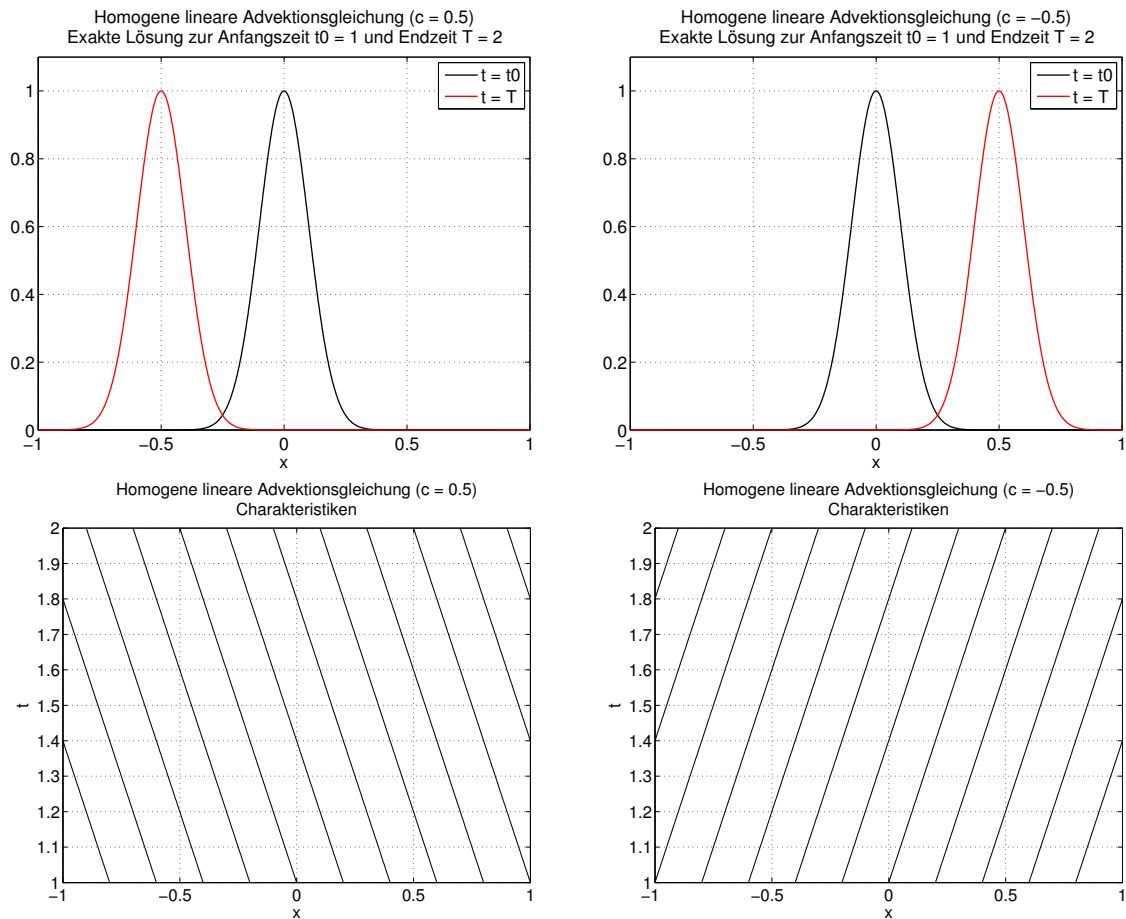


Abbildung 9: Klassische Lösungen $u \in \mathcal{C}^1(\mathbb{R} \times [t_0, T], \mathbb{R})$ von eindimensionalen homogenen linearen Advektionsgleichungen mit positiven bzw. negativen Ausbreitungsgeschwindigkeiten. Zugehörige Charakteristiken $\{(\xi(t), t) \in \mathbb{R} \times [t_0, T] : u(\xi(t), t) = u(\xi_0, t_0)\}$ sind durch Geraden gegeben.

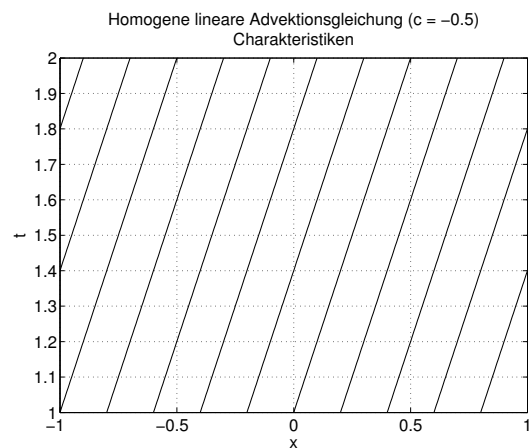
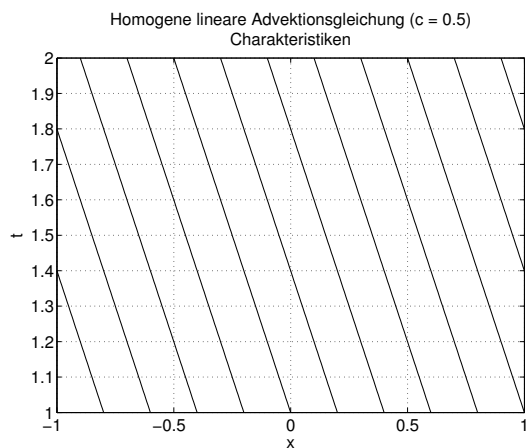
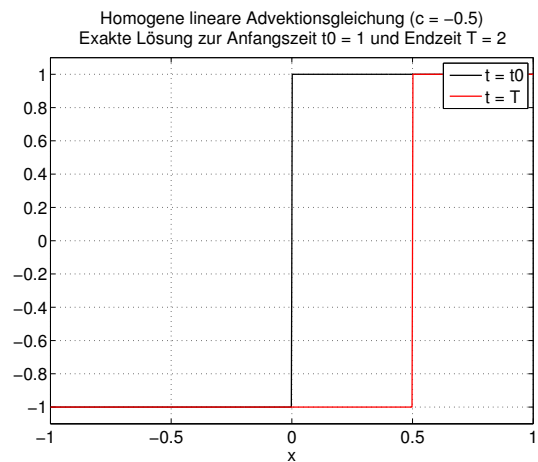
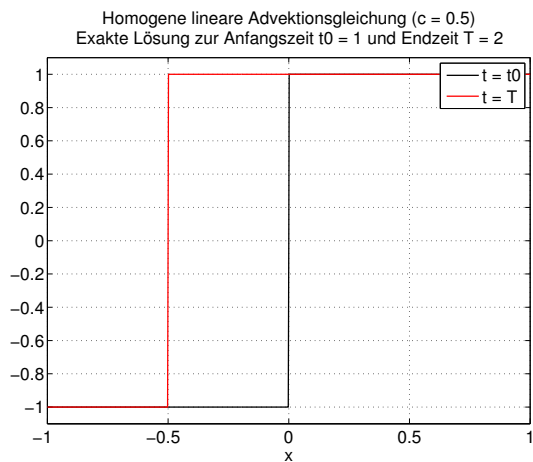


Abbildung 10: Verallgemeinerte Lösungen von eindimensionalen homogenen linearen Advektionsgleichungen mit positiven bzw. negativen Ausbreitungsgeschwindigkeiten. Zugehörige Charakteristiken $\{(\xi(t), t) \in \mathbb{R} \times [t_0, T] : u(\xi(t), t) = u(\xi_0, t_0)\}$ sind durch Geraden gegeben.

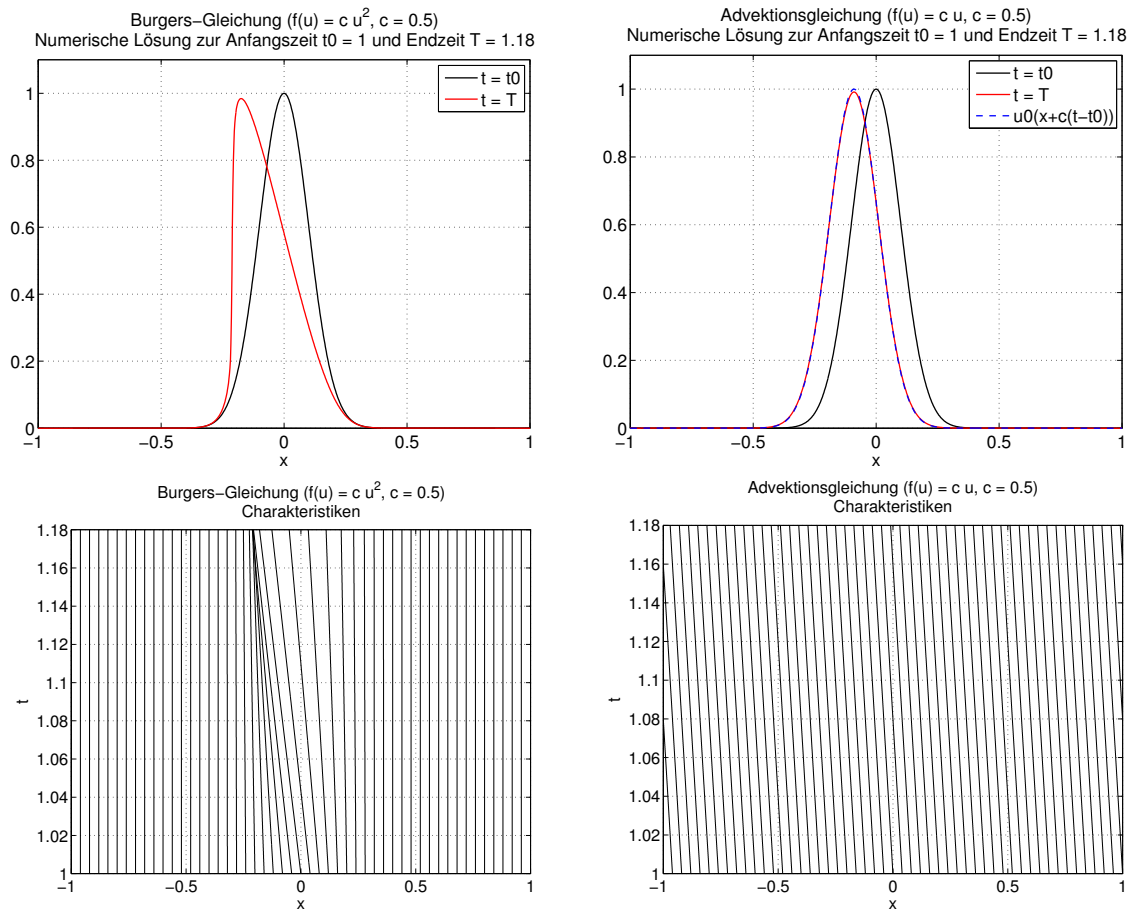


Abbildung 11: Eindimensionale Burgers-Gleichung mit Ausbildung von Stoßwellen und Vergleich mit linearer Advektionsgleichung. Numerische Approximation mittels Upwind-Verfahren (dämpfende Eigenschaften).

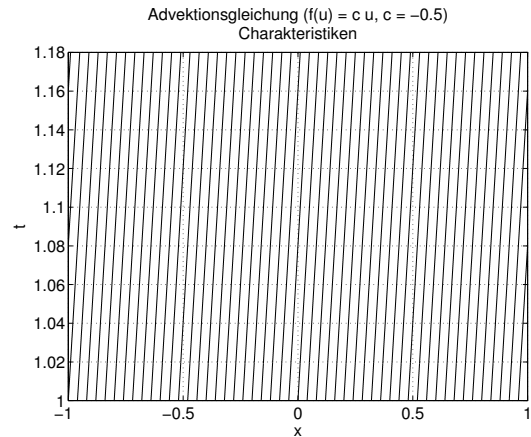
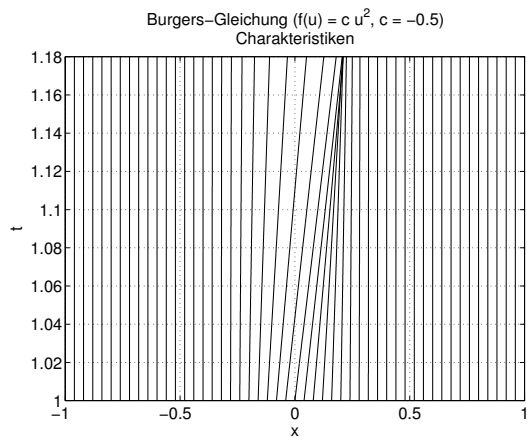
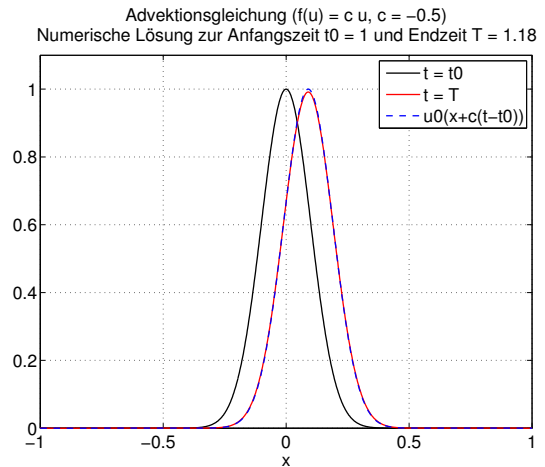
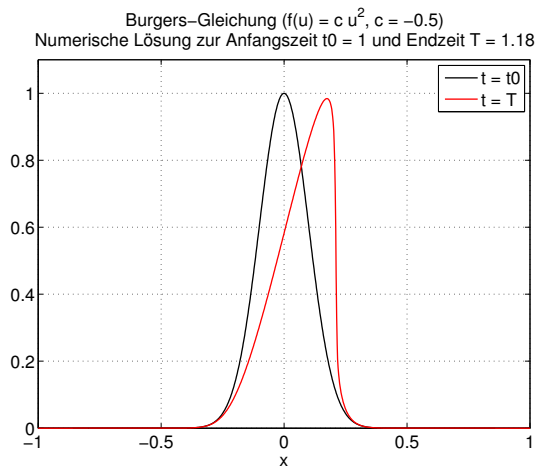


Abbildung 12: Eindimensionale Burgers-Gleichung mit Ausbildung von Stoßwellen und Vergleich mit linearer Advektionsgleichung. Numerische Approximation mittels Upwind-Verfahren (dämpfende Eigenschaften).

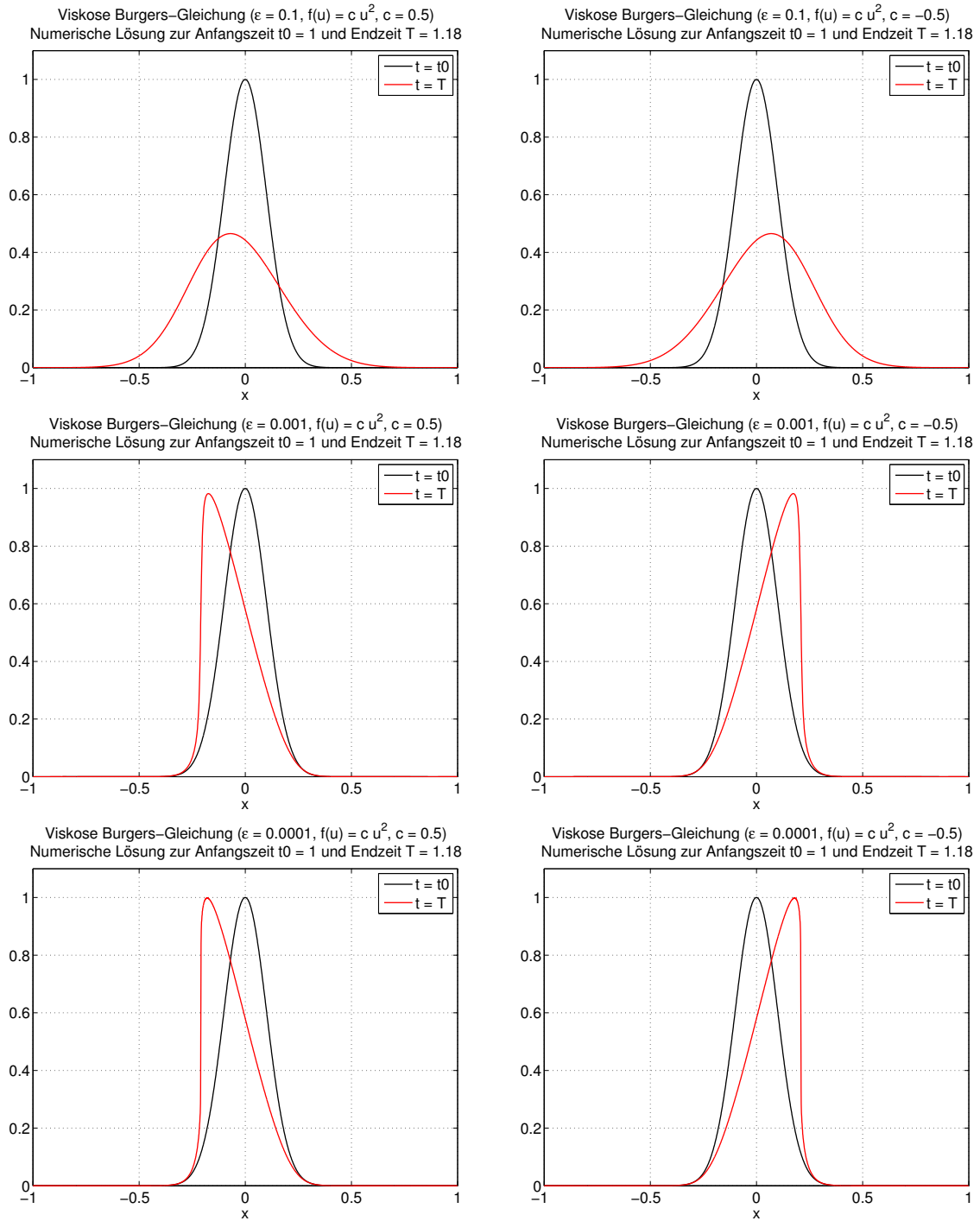


Abbildung 13: Eindimensionale viskose Burgers-Gleichungen mit verschiedenen Parameterwerten $\epsilon > 0$. Numerische Approximation mittels Lie-Trotter-Splitting-Verfahren und explizitem Euler-Verfahren; Realisierung mittels FFT.

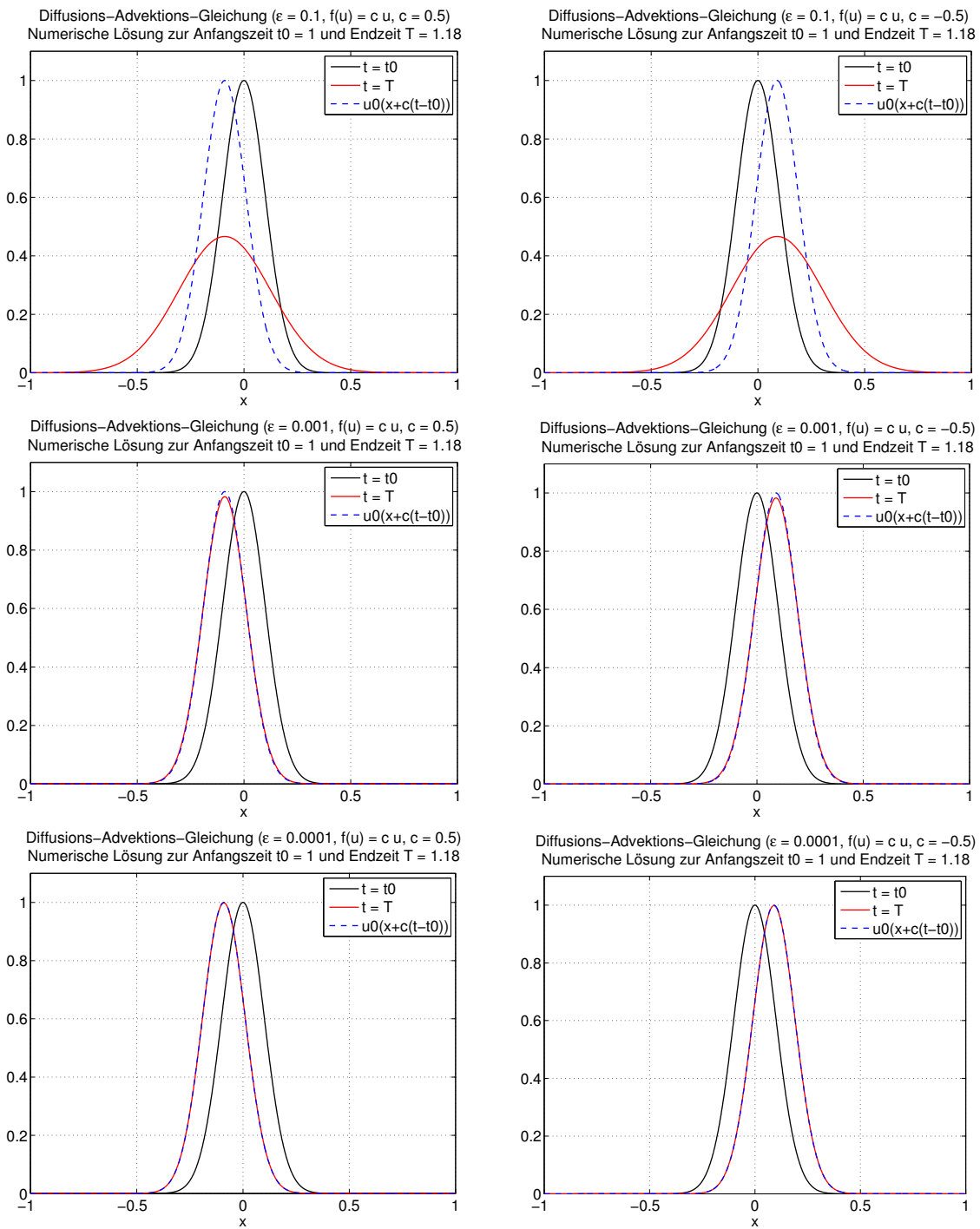


Abbildung 14: Eindimensionale Diffusions-Advektions-Gleichungen mit verschiedenen Parameterwerten $\epsilon > 0$. Numerische Approximation mittels Lie-Trotter-Splitting-Verfahren und explizitem Euler-Verfahren; Realisierung mittels FFT. Vergleich mit exakten Lösungen von linearen Advektionsgleichungen.

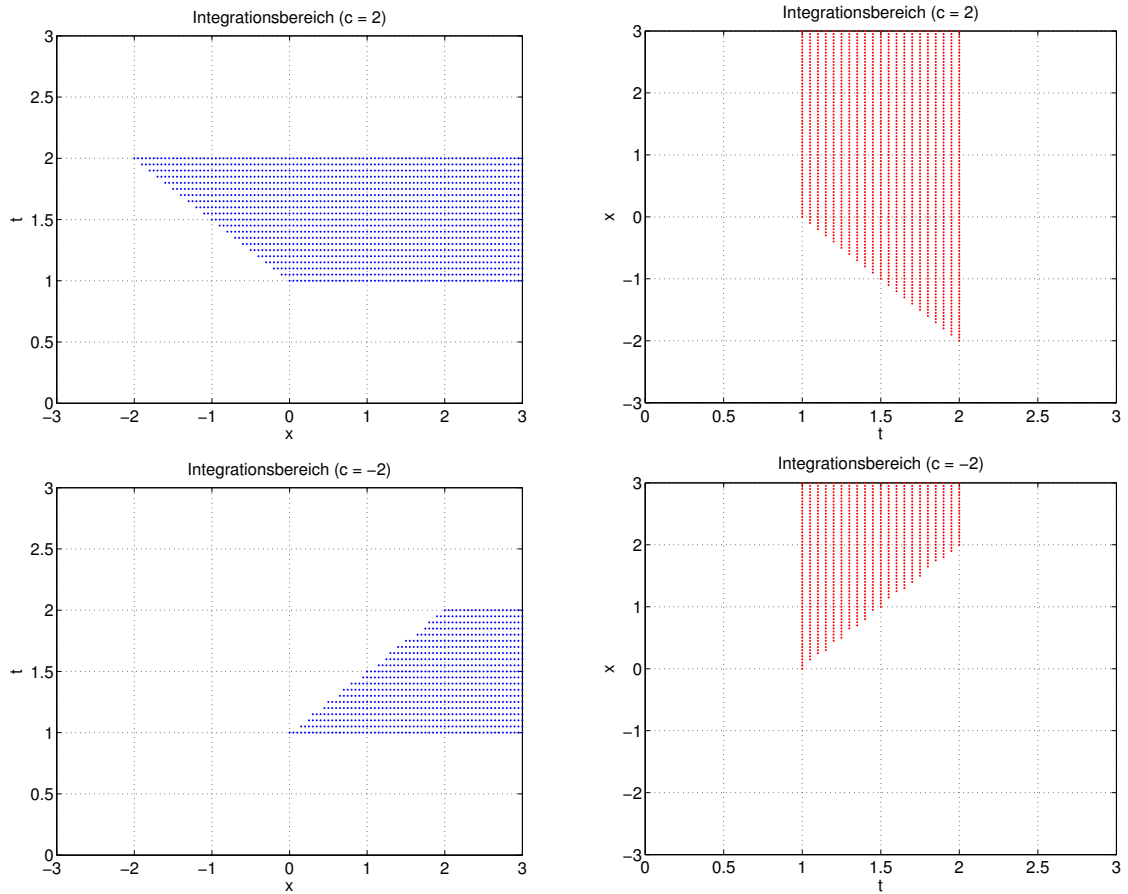


Abbildung 15: Integrationsbereiche für positive und negative Ausbreitungsgeschwindigkeiten. Darstellungen in der (x, t) -Ebene und (t, x) -Ebene.